

講義中の注意



- 講義中は、参加者のマイク・カメラの機能はミュート状態になります。
- 進行はスタッフ及び講師が行いますので、指示に従ってください。
- 質疑応答の時間は、参加者のマイクをオンにして質問を受け付けることもあります。希望される方は「チャット欄」で申し出てください。

電験二種二次対策 オンライン講座

第1回

自動制御の概要、ブロック線図（基礎）

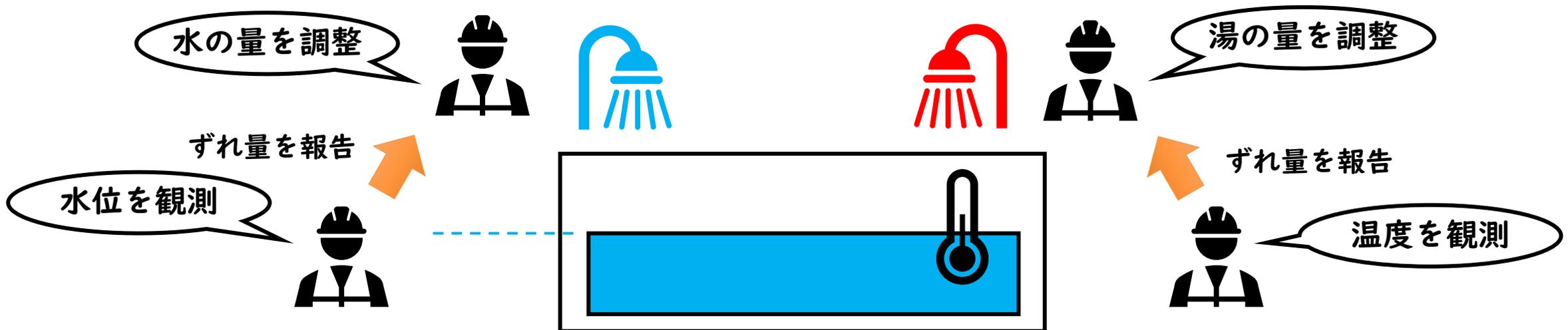
自動制御とは

・シーケンス制御

あらかじめ定められた順序に従って、複数の機能が順々に動作していく制御
→変成器 (VT/CT) で電流電圧を観測し、保護継電器を介して回路を遮断する

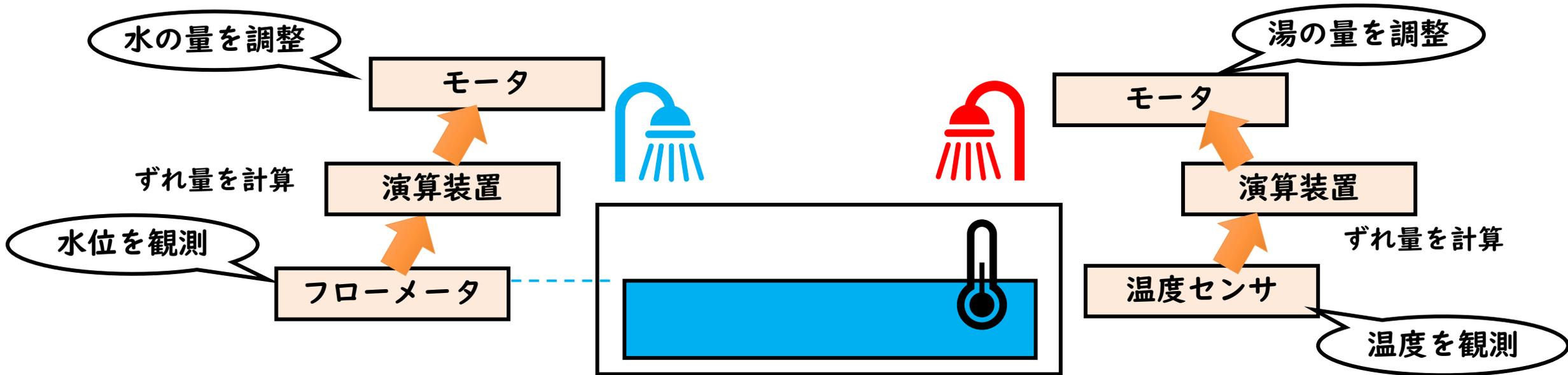
・フィードバック制御

特定の信号や状態を目標値に近づける制御



自動制御とは

- フィードバック制御
 - 観測にはセンサを使う (物理量を電気信号に変換する)
 - ずれ量の計算には演算装置を使う
(オペアンプなどの電子回路) (AD変換→デジタル回路→プログラム)
 - 調整には動力を使う (電気信号→パワエレ→アクチュエータ (電動機))

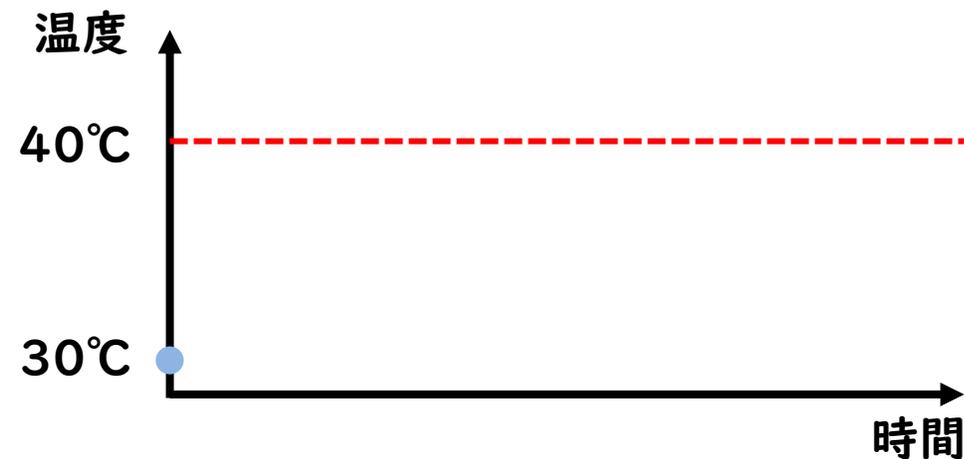
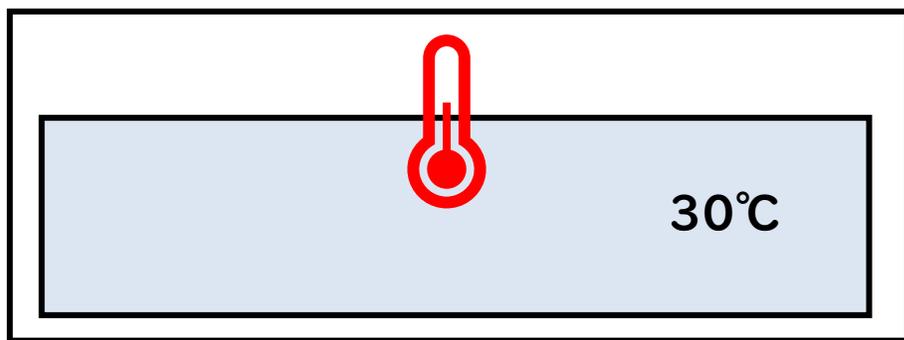
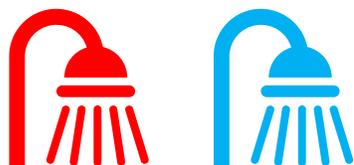


- 複素数の計算/グラフの作図（複素関数）
→ ナイキスト線図
- 対数関数[dB]の計算
→ ボード線図
- （逆）ラプラス変換
→ 時間領域と周波数領域の架け橋（過渡応答）
- ☆ 伝達関数（ブロック線図）の計算
- ☆ ラウス-フルビッツの安定判別法

安定/不安定な制御

浴槽に30°Cの水が入っている。給水装置AとBを使って、水の温度を40°Cに調整することを考える。
給水装置AとBには3つの組み合わせがあり、どの組み合わせだと温度調整しやすいか考えてみましょう。
(給水装置AとBは、一定の流量の水を出すことしかできず、流量の調整はできないものとする)

給水A 給水B

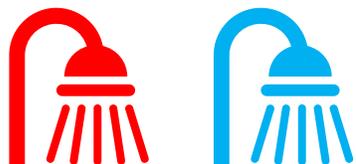


	組み合わせ1	組み合わせ2	組み合わせ3
給水装置A	42°C	50°C	100°C
給水装置B	30°C	20°C	0°C

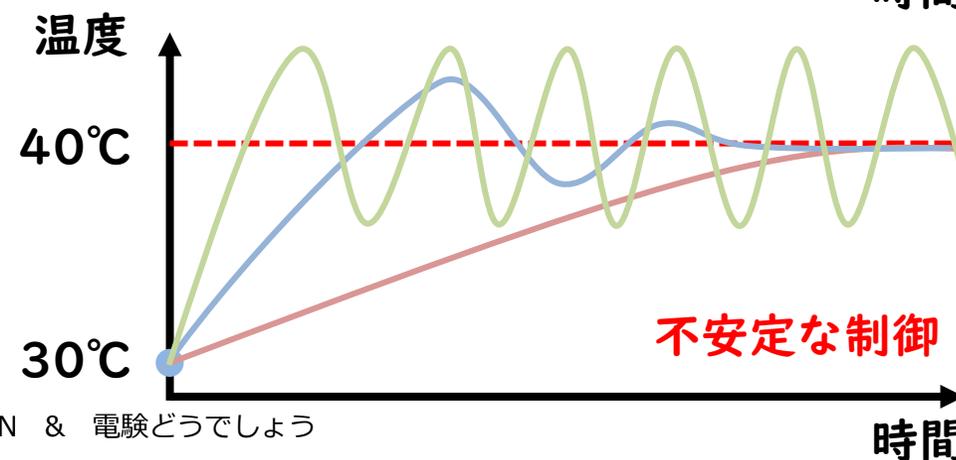
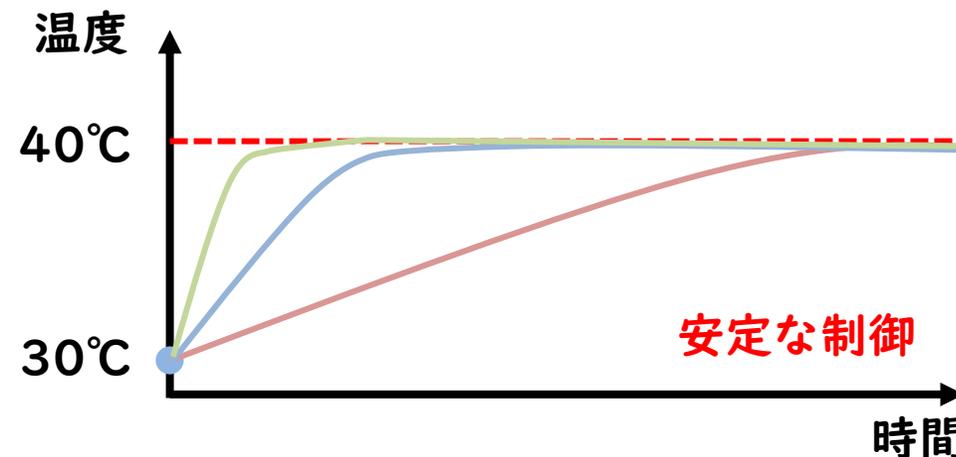
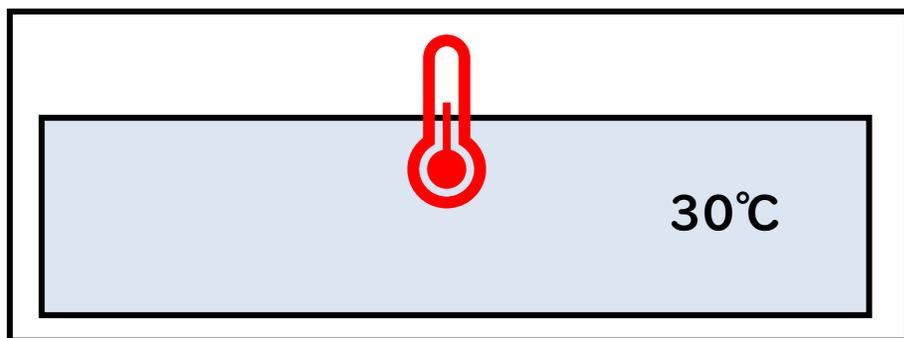
安定/不安定な制御

浴槽に30°Cの水が入っている。給水装置AとBを使って、水の温度を40°Cに調整することを考える。
給水装置AとBには3つの組み合わせがあり、どの組み合わせだと温度調整しやすいか考えてみましょう。
(給水装置AとBは、一定の流量の水を出すことしかできず、流量の調整はできないものとする)

給水A 給水B



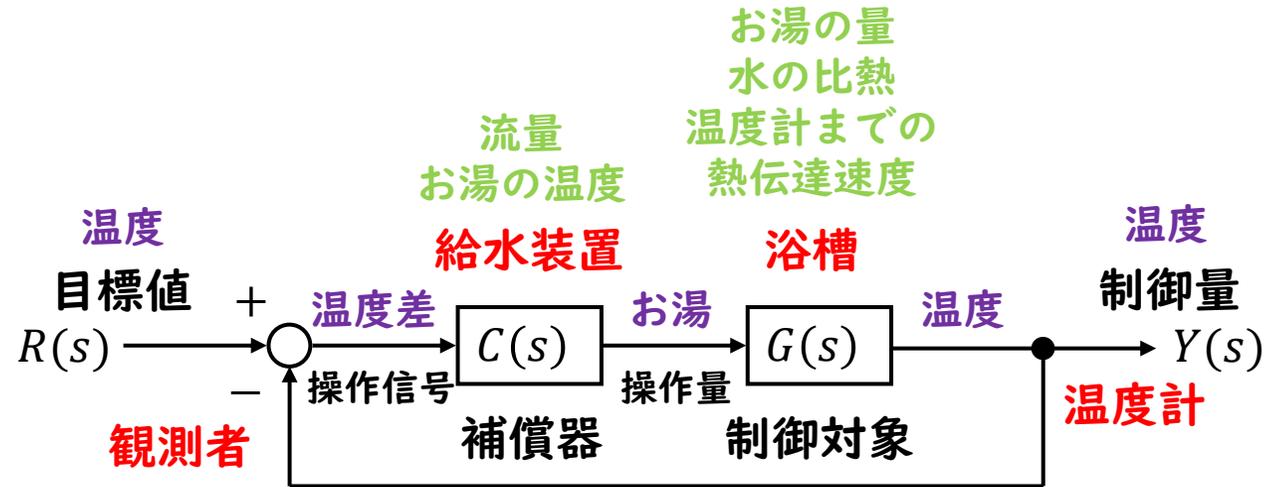
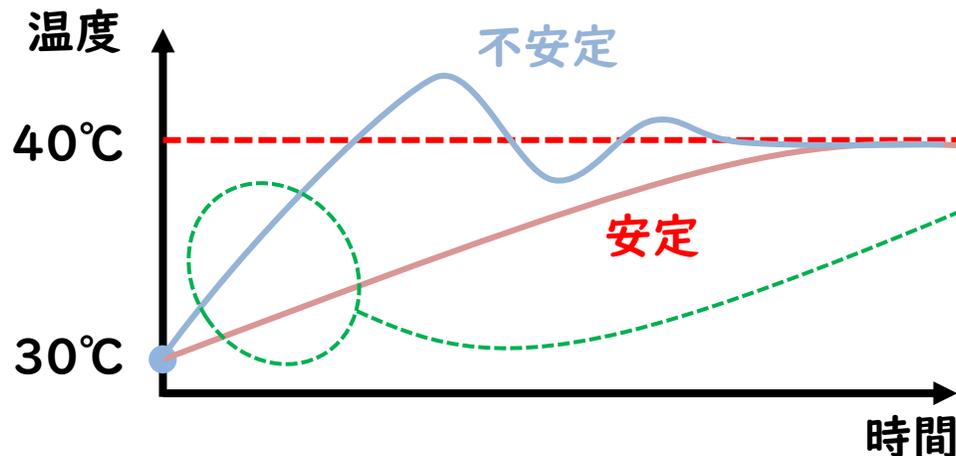
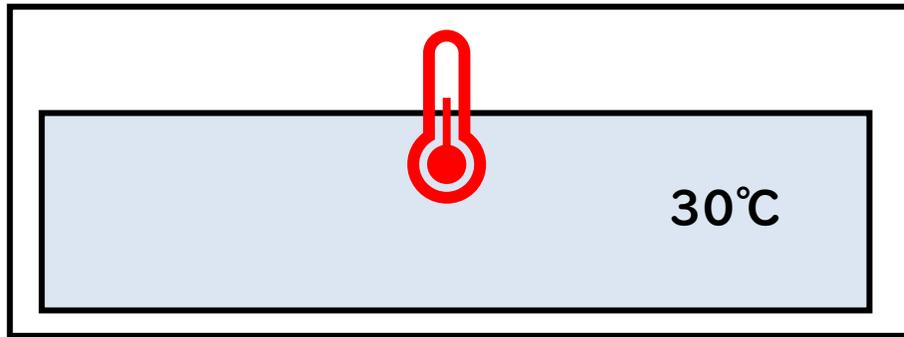
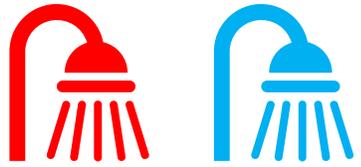
—— 組み合わせ1
—— 組み合わせ2
—— 組み合わせ3



	組み合わせ1	組み合わせ2	組み合わせ3
給水装置A	42°C	50°C	100°C
給水装置B	30°C	20°C	0°C

制御とブロック線図

給水A 給水B



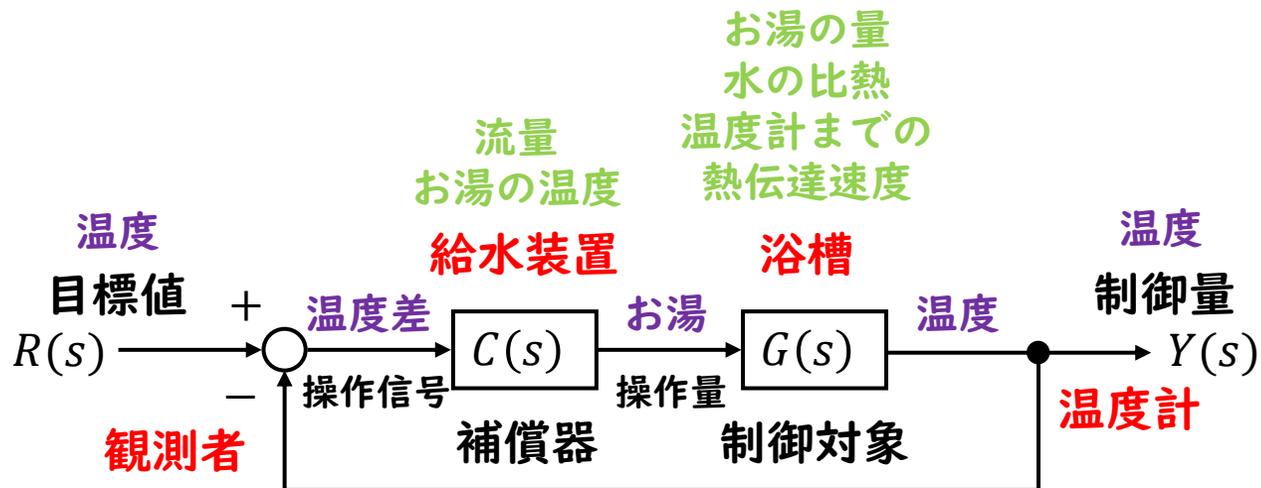
安定と不安定の境界は何で決まるか？

制御対象の状態変化の「速さ」で決まる
→速くしすぎると不安定になる

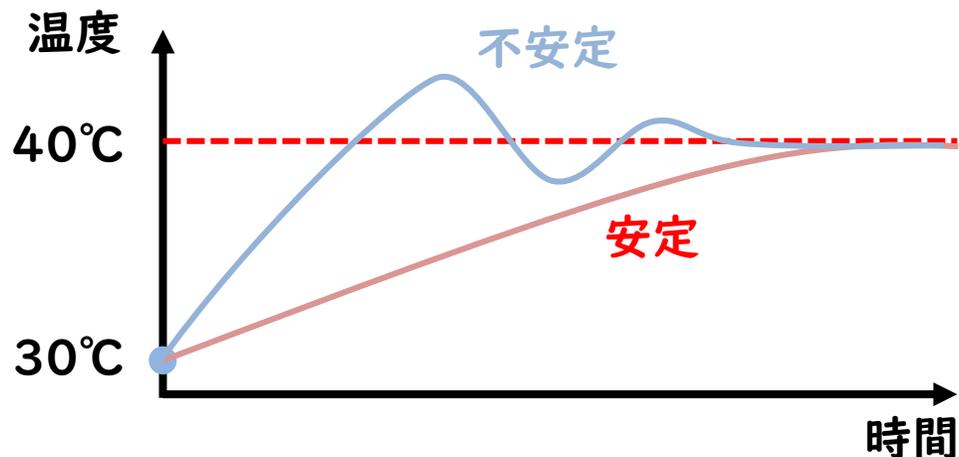
速さとは「時間の逆数（周波数）」と考える
cf.速度 m/s、電流 C/s

→周波数を横軸にすることでその制御対象が
どこまで安定かが分かる⇒ラプラス変換

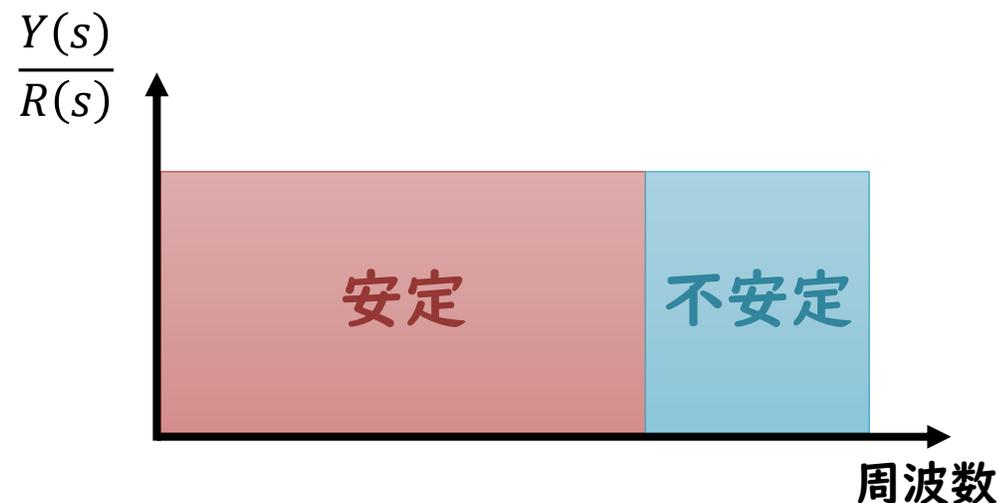
制御対象の安定性とラプラス変換 **e-DEN** X



$$\frac{Y(s)}{R(s)} = \frac{C(s)G(s)}{1 + C(s)G(s)}$$



ラプラス変換



制御対象の安定判別法

制御理論は制御対象がどのくらい安定かを知るために用いられる。

- 時間領域
 - ・過渡応答

分かりやすさ
易

情報量
少

計算の手間
難

- 周波数領域
 - ・ボード線図

易

多

難

- ・ナイキスト線図



多



- ・ラウス・フルビッツの安定判別法

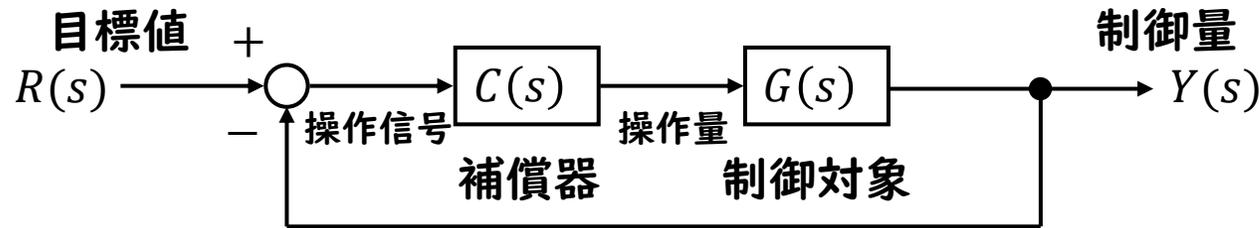
難

少

易

ブロック線図

制御系を構成している各機能を“ブロック”といい、各ブロックを信号の流れを表す線で結んだものを“ブロック線図”という

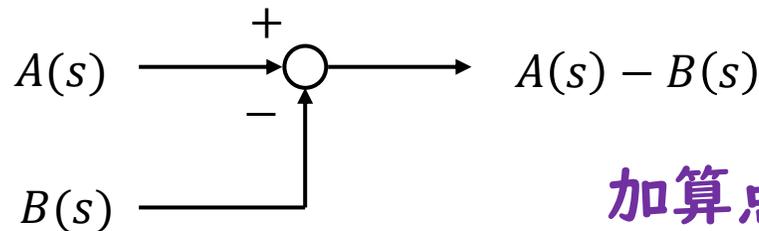
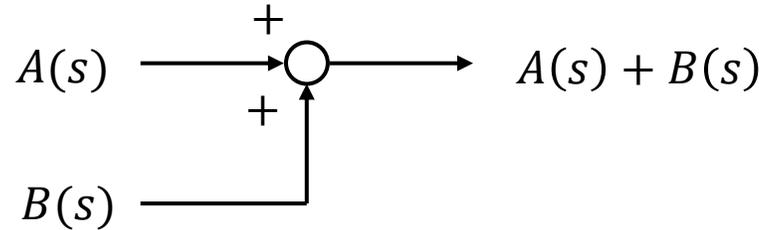


※気をつけること

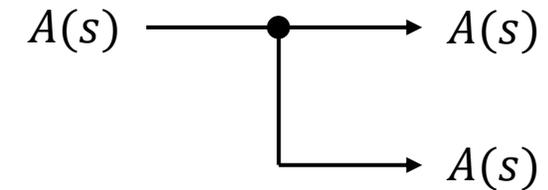
- 時間の概念はない
→ 入力が先、出力が後と考えない
- 信号は減らない
→ 分岐しても値は変化しない



基本構成



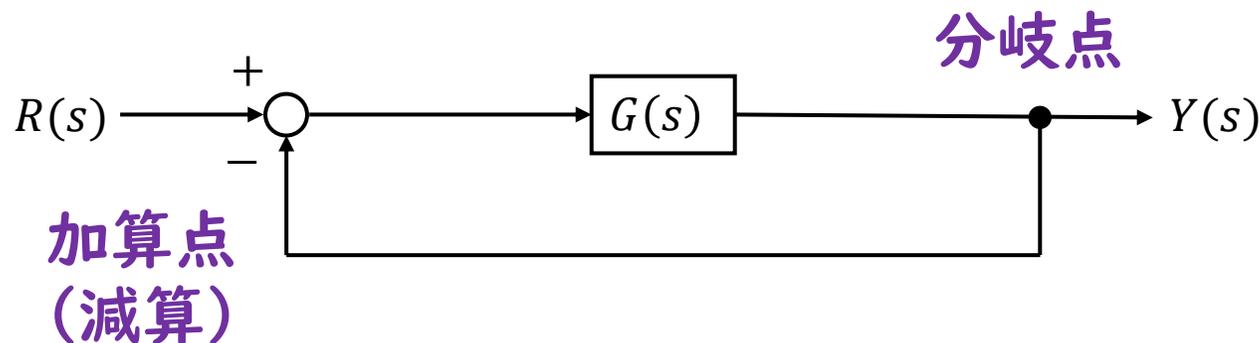
加算点



分岐点

フィードバック

伝達関数を通った信号を入力側に帰還するような制御系をフィードバック
と言い、制御系を安定にするための制御手法である



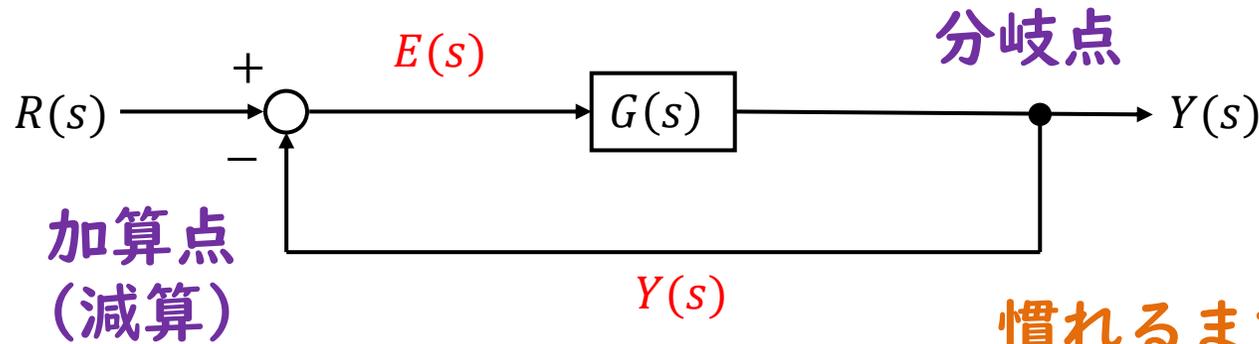
入力側に加算点 (減算)
出力側に分岐点

フィードバック系
の伝達関数

$$Y = \frac{G}{1 + G} R$$

フィードバック

伝達関数を通った信号を入力側に帰還するような制御系をフィードバック
と言い、制御系を安定にするための制御手法である



入力側に加算点 (減算)
出力側に分岐点

加算点
(減算)

慣れるまでは $E(s)$ を起点に導出する

フィードバック系
の伝達関数

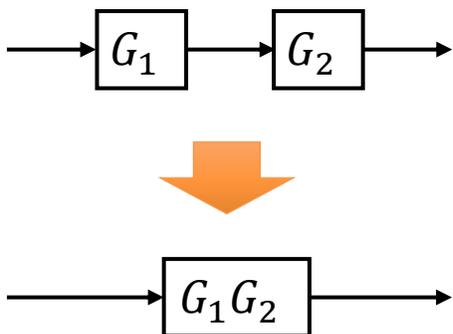
$$Y = \frac{G}{1 + G} R$$

$$Y = GE$$
$$E = R - Y$$

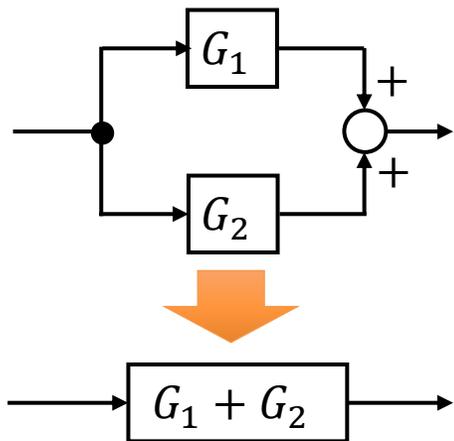
$$Y = G(R - Y) \rightarrow Y + GY = GR$$
$$\therefore Y = \frac{G}{1 + G} R$$

ブロック線図の等価変換

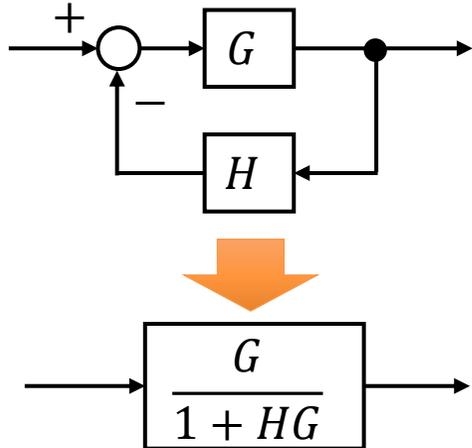
直列結合



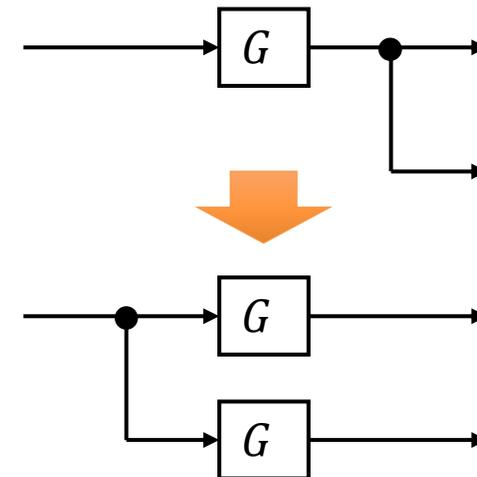
並列結合



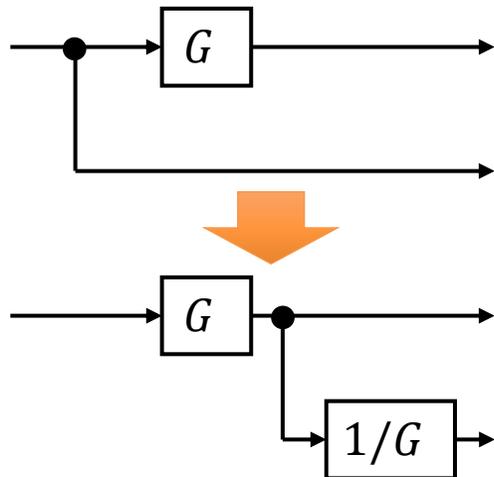
フィードバック



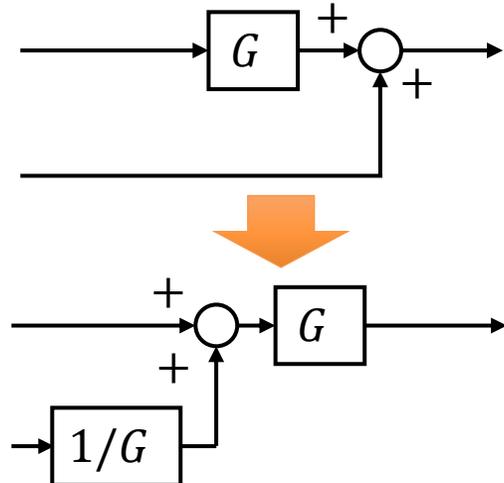
分岐点の移動 1



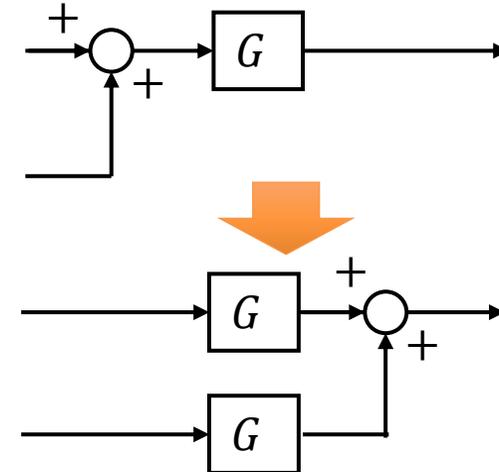
分岐点の移動 2



加算点の移動 1

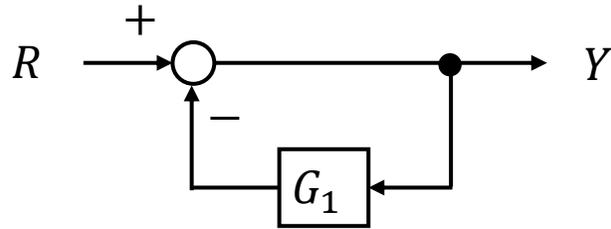


加算点の移動 2

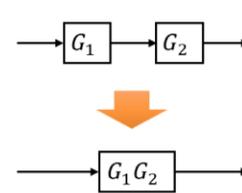


練習問題 I

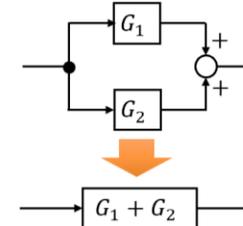
次の制御系において、全体の伝達関数を式で示せ



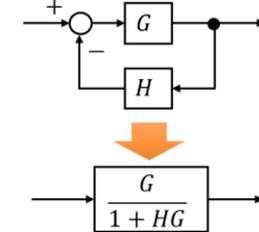
直列結合



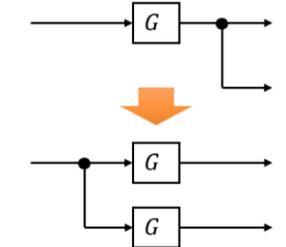
並列結合



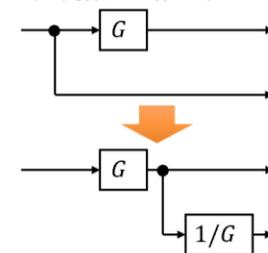
フィードバック



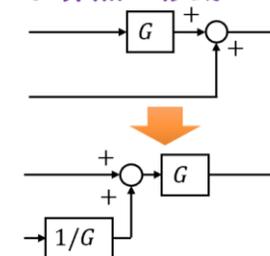
分岐点の移動 I



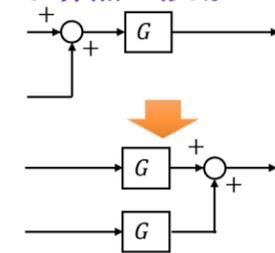
分岐点の移動 2



加算点の移動 I

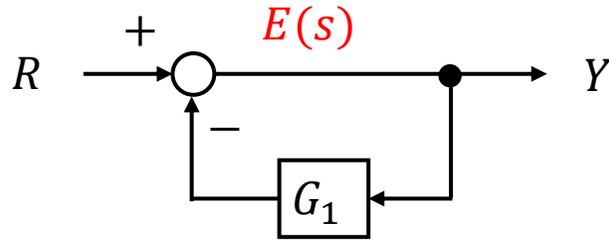


加算点の移動 2



練習問題 I

次の制御系において、全体の伝達関数を式で示せ



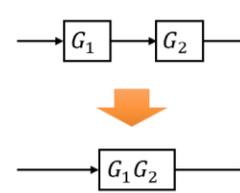
$$Y = E$$

$$E = R - G_1 Y$$

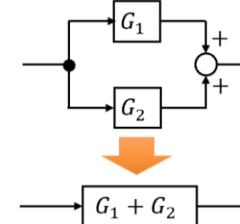
$$Y = R - G_1 Y \rightarrow Y + G_1 Y = R$$

$$\therefore \frac{Y}{R} = \frac{1}{1 + G_1}$$

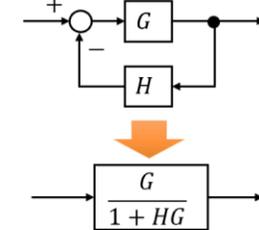
直列結合



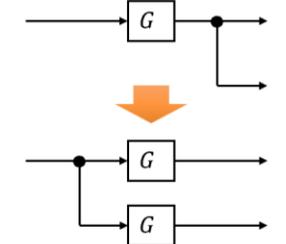
並列結合



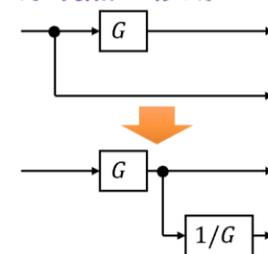
フィードバック



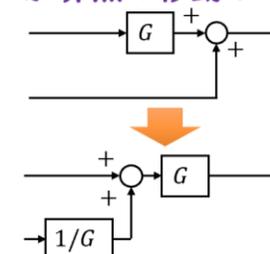
分岐点の移動 I



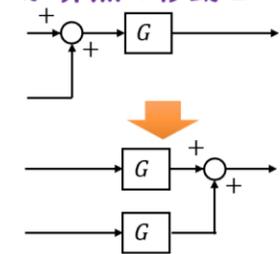
分岐点の移動 2



加算点の移動 I

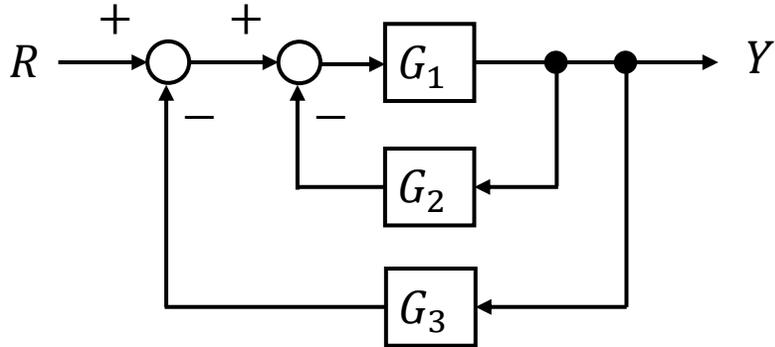


加算点の移動 2

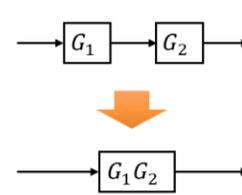


練習問題2

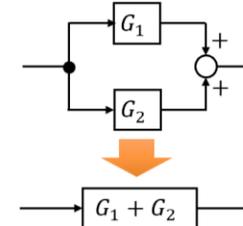
次の制御系において、全体の伝達関数を式で示せ



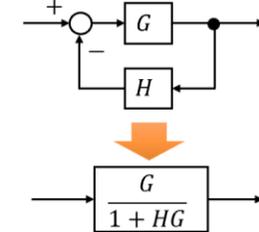
直列結合



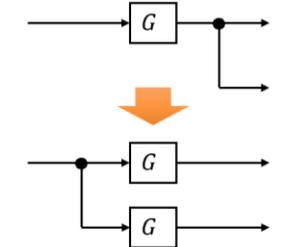
並列結合



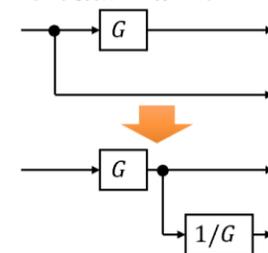
フィードバック



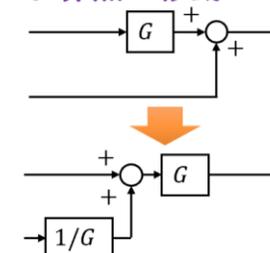
分岐点の移動 I



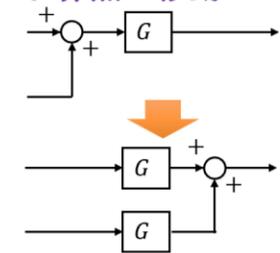
分岐点の移動 2



加算点の移動 I

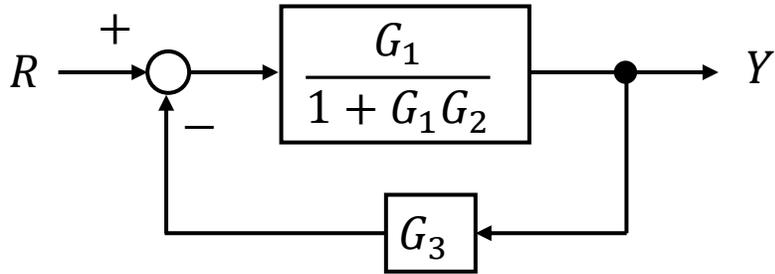


加算点の移動 2

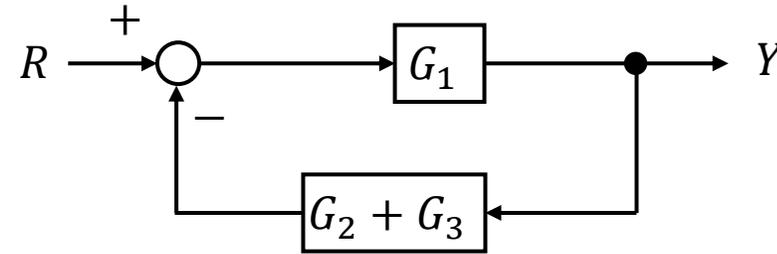


練習問題2

次の制御系において、全体の伝達関数を式で示せ



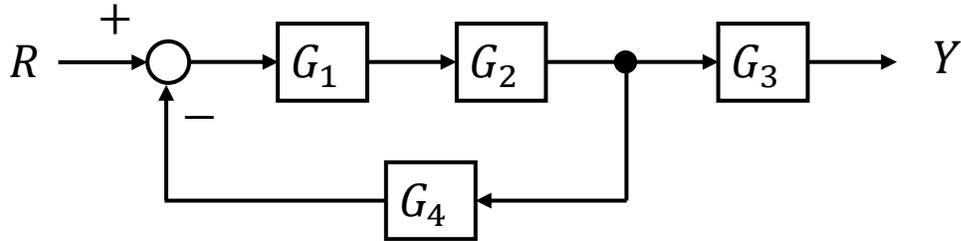
$$\begin{aligned}\frac{Y}{R} &= \frac{\frac{G_1}{1 + G_1G_2}}{1 + G_3 \frac{G_1}{1 + G_1G_2}} \\ &= \frac{G_1}{1 + G_1G_2 + G_1G_3}\end{aligned}$$



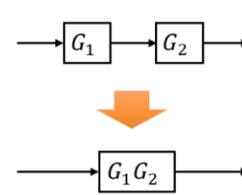
$$\begin{aligned}\frac{Y}{R} &= \frac{G_1}{1 + (G_2 + G_3)G_1} \\ &= \frac{G_1}{1 + G_1G_2 + G_1G_3}\end{aligned}$$

練習問題3

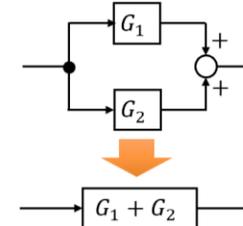
次の制御系において、全体の伝達関数を式で示せ



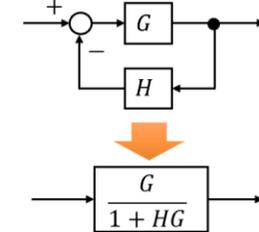
直列結合



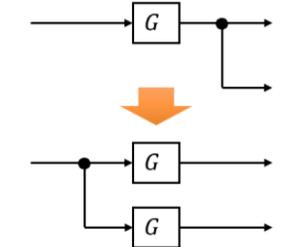
並列結合



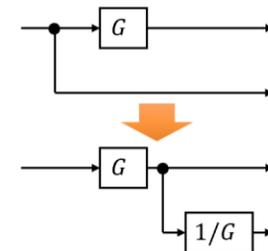
フィードバック



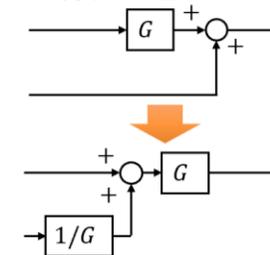
分岐点の移動 I



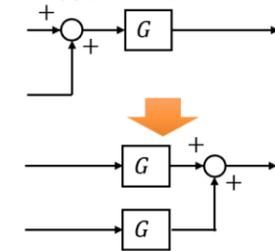
分岐点の移動 2



加算点の移動 I

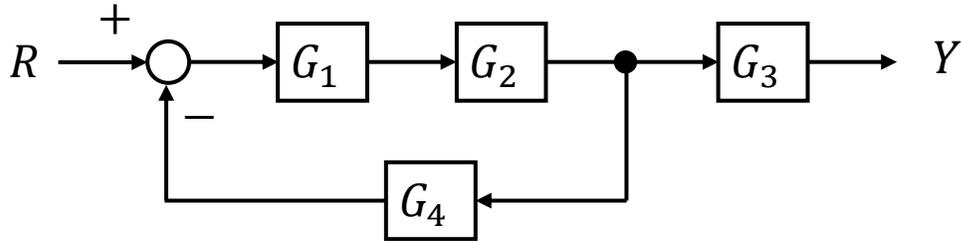


加算点の移動 2



練習問題3

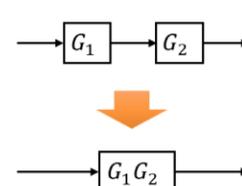
次の制御系において、全体の伝達関数を式で示せ



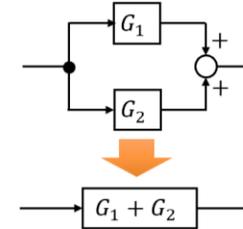
$$\frac{Y}{R} = \frac{G_1 G_2}{1 + G_4 G_1 G_2} G_3$$

$$= \frac{G_1 G_2 G_3}{1 + G_1 G_2 G_4}$$

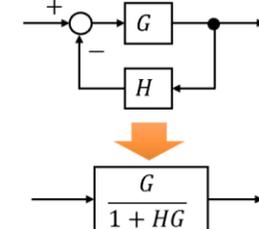
直列結合



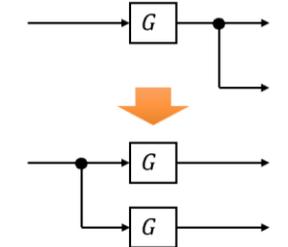
並列結合



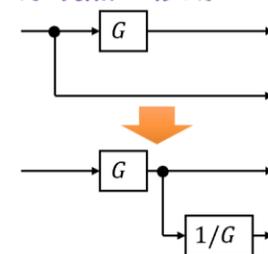
フィードバック



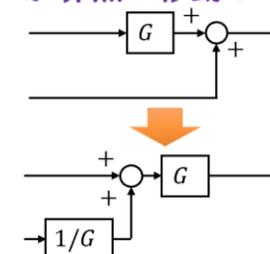
分岐点の移動 I



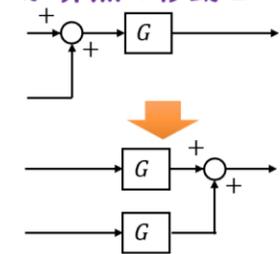
分岐点の移動 2



加算点の移動 I

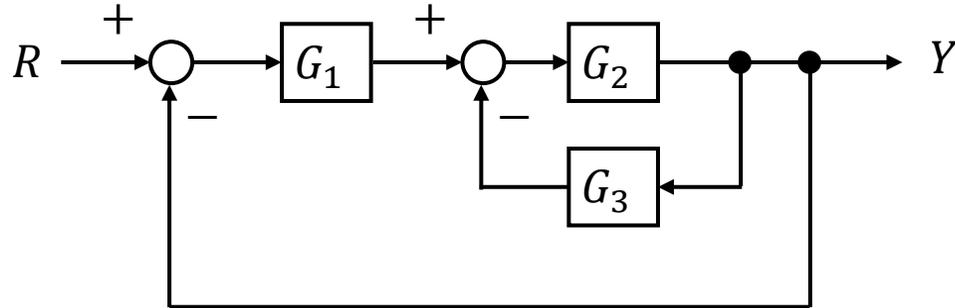


加算点の移動 2

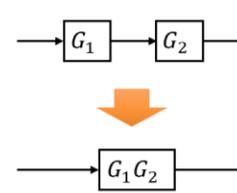


練習問題 4

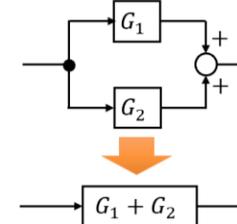
次の制御系において、全体の伝達関数を式で示せ



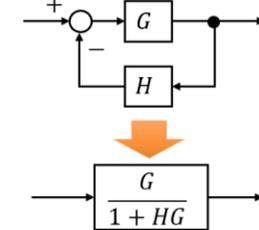
直列結合



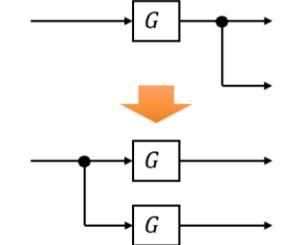
並列結合



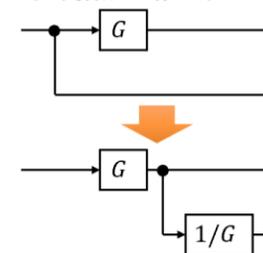
フィードバック



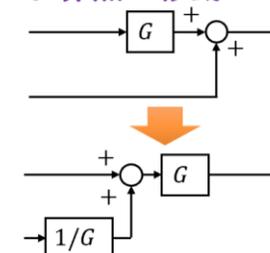
分岐点の移動 I



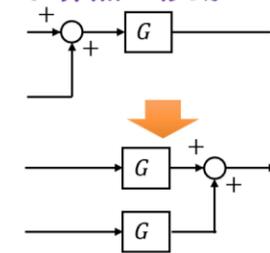
分岐点の移動 2



加算点の移動 I

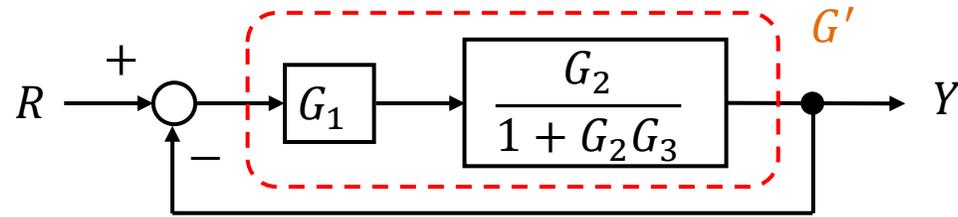


加算点の移動 2



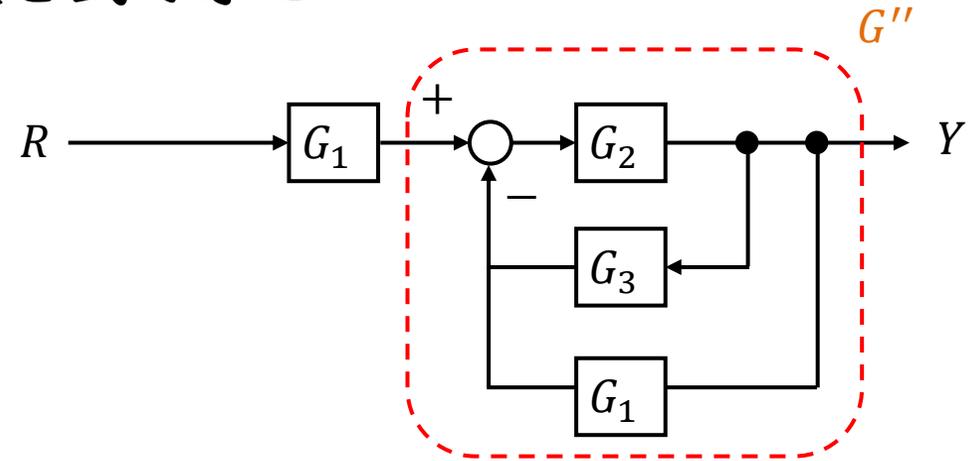
練習問題 4

次の制御系において、全体の伝達関数を式で示せ



$$G' = \frac{G_1 G_2}{1 + G_2 G_3}$$

$$\begin{aligned} \frac{Y}{R} &= \frac{G'}{1 + G'} = \frac{\frac{G_1 G_2}{1 + G_2 G_3}}{1 + \frac{G_1 G_2}{1 + G_2 G_3}} \\ &= \frac{G_1 G_2}{1 + G_1 G_2 + G_2 G_3} \end{aligned}$$

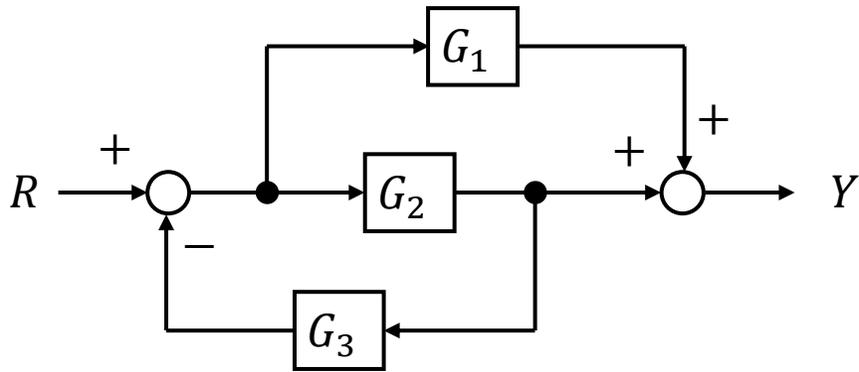


$$G'' = \frac{G_2}{1 + (G_1 + G_3)G_2}$$

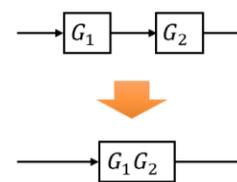
$$\begin{aligned} \frac{Y}{R} &= G_1 G'' = G_1 \frac{G_2}{1 + (G_1 + G_3)G_2} \\ &= \frac{G_1 G_2}{1 + G_1 G_2 + G_2 G_3} \end{aligned}$$

練習問題 5

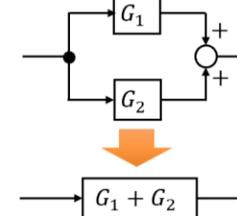
次の制御系において、全体の伝達関数を式で示せ



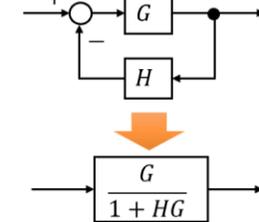
直列結合



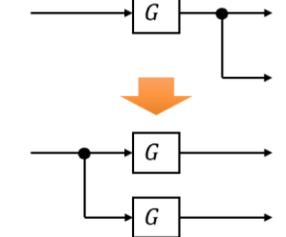
並列結合



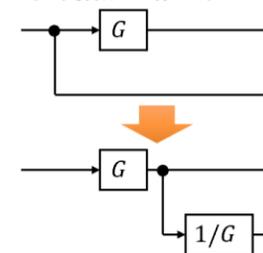
フィードバック



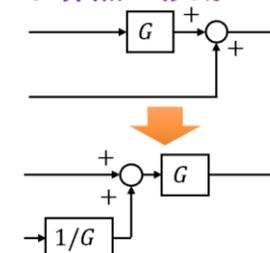
分岐点の移動 I



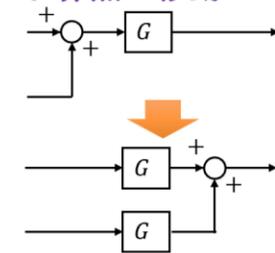
分岐点の移動 2



加算点の移動 I

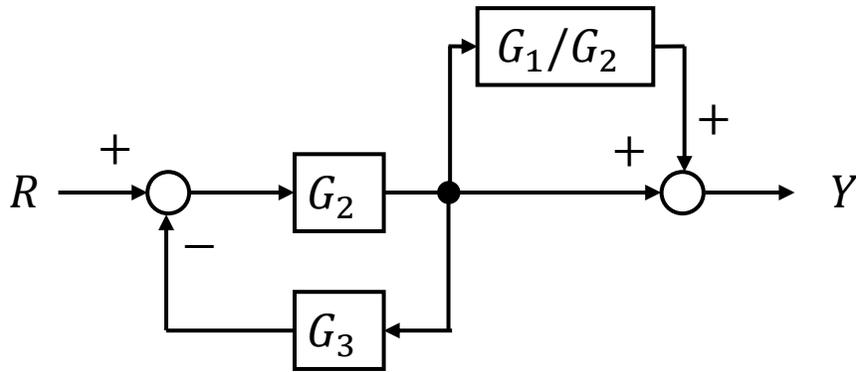


加算点の移動 2

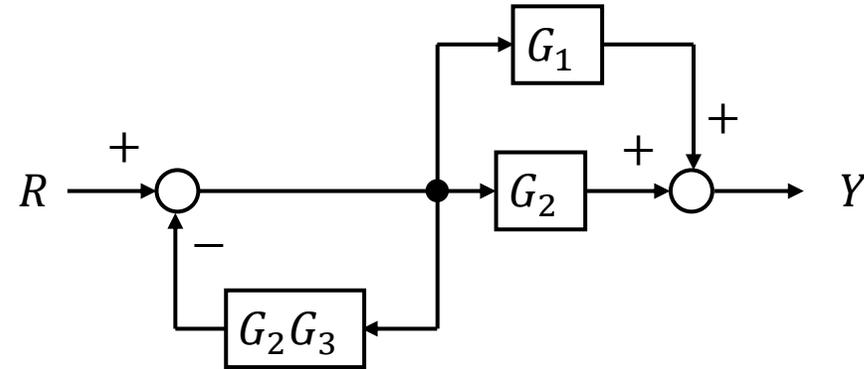


練習問題 5

次の制御系において、全体の伝達関数を式で示せ



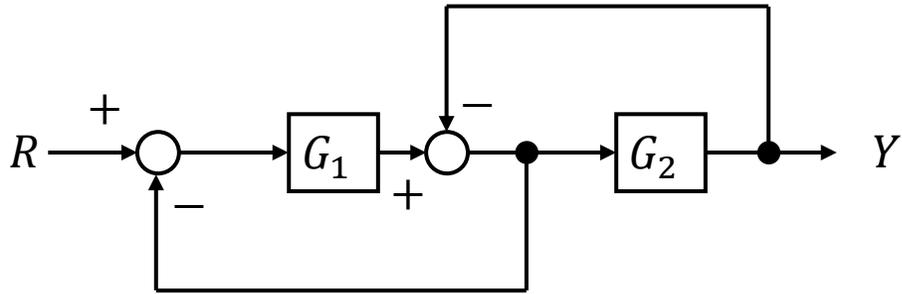
$$\begin{aligned} \frac{Y}{R} &= \frac{G_2}{1 + G_3 G_2} \left(1 + \frac{G_1}{G_2} \right) \\ &= \frac{G_2}{1 + G_2 G_3} \frac{G_2 + G_1}{G_2} \\ &= \frac{G_1 + G_2}{1 + G_2 G_3} \end{aligned}$$



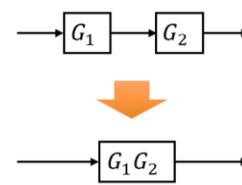
$$\begin{aligned} \frac{Y}{R} &= \frac{1}{1 + G_2 G_3} (G_1 + G_2) \\ &= \frac{G_1 + G_2}{1 + G_2 G_3} \end{aligned}$$

練習問題 6

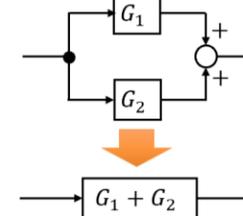
次の制御系において、全体の伝達関数を式で示せ



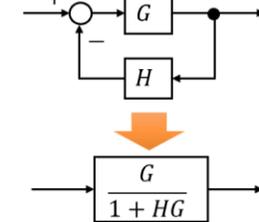
直列結合



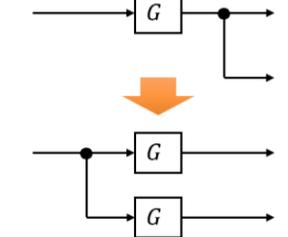
並列結合



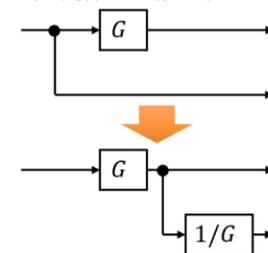
フィードバック



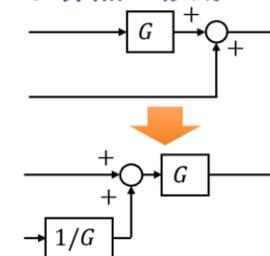
分岐点の移動 I



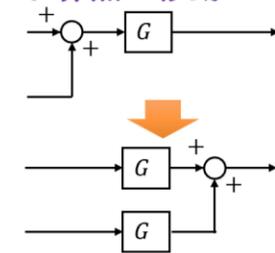
分岐点の移動 2



加算点の移動 I

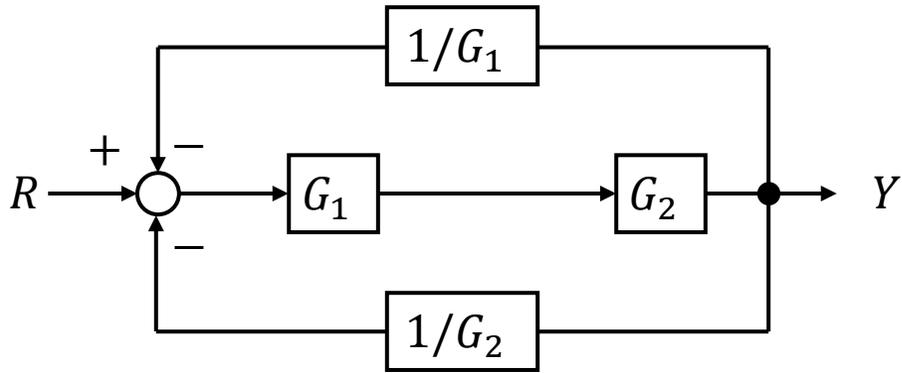


加算点の移動 2



練習問題 6

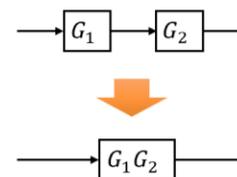
次の制御系において、全体の伝達関数を式で示せ



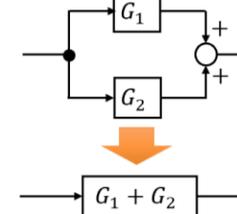
$$\frac{Y}{R} = \frac{G_1 G_2}{1 + \left(\frac{1}{G_1} + \frac{1}{G_2}\right) G_1 G_2}$$

$$= \frac{G_1 G_2}{1 + G_1 + G_2}$$

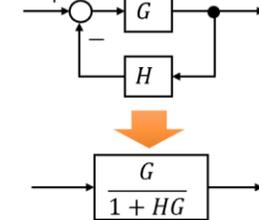
直列結合



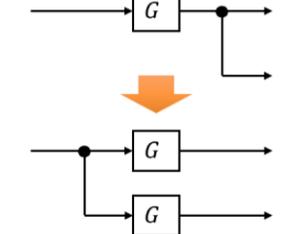
並列結合



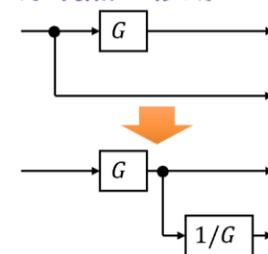
フィードバック



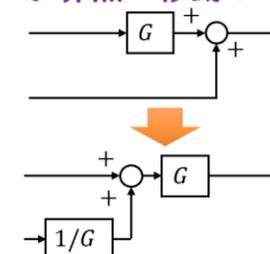
分岐点の移動 I



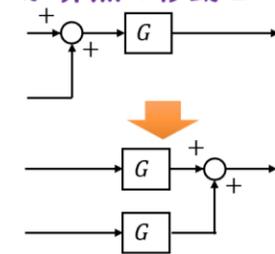
分岐点の移動 2



加算点の移動 I



加算点の移動 2



ご聴講ありがとうございました!!